

1.- Escriu tres primitives de $f(x) = x - 7$

2.- Calcula la primitiva de $f(x) = 3x^2 + 4$ que passa pel punt $(0,1)$.

3.- Calcula l'expressió de la funció que passa pel punt $P(-1,2)$ i que té per funció derivada $g(x) = x^2 - 5$.

4.- Calcula la primitiva de la funció $f(x) = x(x^2 - 3)$ que s'anula en $x=1$.

5.- Calcula les següents integrals indefinides immediates:

5.1. $\int 4x^3 dx$

5.2. $\int \frac{2}{x^3} dx$

5.3. $\int \sqrt[4]{x} dx$

5.4. $\int \frac{7}{2x} dx$

5.5. $\int \frac{1}{\sqrt[7]{x^5}} dx$

5.6. $\int (4x^3 - x^2 - 5) dx$

5.7. $\int \left(3x^4 - \frac{2}{x} + \frac{7}{x^3} \right) dx$

5.8. $\int (\sqrt{x} - 2\sqrt[3]{x} + \sqrt[5]{x^2}) dx$

5.9. $\int \left(\frac{2}{x} + 2e^x \right) dx$

5.10. $\int (7 \sin x - 3 \cos x) dx$

5.11. $\int \frac{x}{x^2 + 1} dx$

5.12. $\int \frac{2}{x^2 + 1} dx$

5.13. $\int \frac{2}{\cos^2 x} dx$

5.14. $\int \frac{3}{\sqrt{1 - x^2}} dx$

5.15. $\int \frac{dx}{\sqrt[4]{2 - 3x}}$

5.16. $\int \frac{6x}{\sqrt{3 + 3x^2}} dx$

5.17. $\int \frac{x}{1 + x^4} dx$

5.18. $\int e^{4x-2} dx$

5.19. $\int \sin 2x dx$

5.20. $\int (xe^{3x^2-2}) dx$

5.21. $\int (x - 3)^2 dx$

5.22. $\int (\cos^3 x \sin x) dx$

5.23. $\int \frac{\ln^3 x}{x} dx$

5.24. $\int \frac{x}{9+x^2} dx$

5.25. $\int \frac{\sin x}{1 - \cos x} dx$

5.26. $\int \operatorname{tg} x dx$

5.27. $\int x^2 \cos x^3 dx$

5.28. $\int \left(2\sqrt{x} + \frac{1}{2\sqrt{x}} \right)^2 dx$

5.29. $\int \frac{3}{x \ln x} dx$

5.30. $\int \frac{2x}{\sqrt{1-x^4}} dx$

5.31. $\int \frac{4}{9+(x-2)^2} dx$

5.32. $\int \frac{dx}{\sqrt{4-x^2}}$

5.33. $\int \frac{3e^{2x}}{1+e^{2x}} dx$

5.34. $\int \frac{2e^x}{1+e^{2x}} dx$

5.35. $\int \frac{co \operatorname{tg} x}{\sin x} dx$

5.36. $\int \frac{\operatorname{tg} x + \sin x}{\cos x} dx$

5.37. $\int (x-1)(x^2+x+1) dx$

5.38. $\int \frac{x^3 - 7x^2 + 4}{x} dx$

5.39. $\int 5 \cos(3x+1) dx$

5.40. $\int x^3 \sqrt{x^4 + 3} dx$

5.41. $\int e^{-3x+4} dx$

5.42. $\int \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} dx$

5.43. $\int \frac{e^{-\operatorname{tg} x}}{\cos^2 x} dx$

5.44. $\int \frac{\cos 2x}{\cos^2 x \times \sin^2 x} dx$

5.45. $\int \cos x \times \sin^5 x dx$

5.46. $\int \frac{\sin 2x}{1+\cos^2 x} dx$

6.- Calcula les següents integrals pel mètode de parts:

6.1. $\int x \cos x dx$

6.2. $\int x^2 e^{3x} dx$

6.3. $\int x^4 \ln x dx$

6.4. $\int x \sin^2 x dx$

6.5. $\int \arctg x dx$

6.6. $\int 5 \ln x dx$

6.7. $\int 3x \operatorname{arctg} x dx$

6.8. $\int \frac{x}{\cos^2 x} dx$

6.9. $\int x \arcsin(x^2) dx$

6.10. $\int x^2 \sin x dx$

6.11. $\int \cos^3 x dx$

6.12. $\int e^x \cos x dx$

6.13. $\int \cos(\ln x) dx$

6.14. $\int x^2 \ln x dx$

7.- Calcula les següents integrals racionals:

7.1. $\int \frac{3x^2 + 2x - 1}{3x - 1} dx$

7.2. $\int \frac{x}{x^2 - 7x + 12} dx$

7.3. $\int \frac{x^3 + x - 1}{x^2 + 2x + 1} dx$

7.4. $\int \frac{x - 1}{x^3 + x^2 - 2} dx$

7.5. $\int \frac{x + 1}{x^3 - 3x + 2} dx$

7.6. $\int \frac{6}{x^2(x - 2)^2} dx$

7.7. $\int \frac{2x}{(x + 3)(x^2 + x + 1)} dx$

7.8. $\int \frac{x + 1}{x^3 - x^2 + x - 1} dx$

7.9. $\int \frac{2dx}{x^2 + x + 1}$

7.10. $\int \frac{x^2 - 2x}{(x - 2)(x^2 - 2x + 5)} dx$

9.- Calcula les següents integrals mitjançant un canvi de variable:

9.1. $\int \frac{\sqrt{x+3}}{\sqrt[3]{x+3}+1} dx$

9.2. $\int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}} dx$

9.3. $\int 5\sqrt{1-x^2} dx$

9.4. $\int \sqrt{4-x^2} dx$